

MS-A0401 Diskreetin matematiikan perusteet

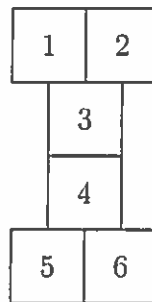
2. välikoe 22.10.2015

Kirjoita jokaiseen koepaperiin nimesi, opiskelijanumerosi ym. tiedot!

Laskimia tai taulukoita ei saa käyttää tässä kokeessa!

1. U ja V käyttävät RSA-algoritmia keskinäisessä viestinnässään. U:n julkinen avain on (n_U, k_U) ja yksityinen avain (n_U, d_U) . V:n julkinen avain on (n_V, k_V) ja yksityinen avain (n_V, d_V) ja molemmat pitävät tietenkin yksityiset avaimensa salassa muilta. Lisäksi he käyttävät allekirjoituksia varten hajautusfunktiota h . Jos nyt U saa V:ltä viestin, joka salattuna on x ja lisäksi allekirjoituksen, joka on s , niin mitä U:n pitää laskea, jotta hän voisi olla varma siitä, että V on viestin lähettäjä?

2. Alla olevan kuvion rotaatioilla ja peilauksilla saadaan permutaatiot $p_1 = (1)$, $p_2 = (1\ 6)(2\ 5)(3\ 4)$, $p_3 = (1\ 2)(5\ 6)$ ja $p_4 = (1\ 5)(2\ 6)(3\ 4)$.



- (a) Mitä pitäisi osoittaa, jotta tulisi todistetuksi, että yllä mainitut permutaatiot muodostavat ryhmän? (Sinun ei tarvitse suorittaa näitä laskuja!)
 - (b) Määritä tämän ryhmän sykli-indeksi.
 - (c) Määritä Pólyan lauseen avulla monellako, ryhmän toiminnnan suhteen ei-ekvivalentilla, tavalla kuvion ruudut voidaan värittää kahdella värillä.
- 3.
- (a) Osoita, että jos kahdella yksinkertaisella ja suuntaamattomalla verkolla ei ole sama kro-maattinen luku niin ne eivät ole isomorfiset.
 - (b) Määritä lukujen 38 ja 48 suurin yhteinen tekijä Eukleideen algoritmin avulla.

Käännä!!

4.

- (a) Piirrä kuvat kaikista yksinkertaisista suuntaamattomista ei-isomorfisista verkoista, joissa on 4 solmua ja jotka ovat metsiä (eli jokaisesta solmusta on korkeintaan yksi yksinkertainen polku jokaiseen toiseen solmuun).
- (b) Määritä alla olevassa verkossa Hamilton-polku tai selitä mistä nähdään ettei sellaista löydy.

