

Kirjoita jokaiseen paperiin oma nimesi, oppilasnumerosi tarkistusmerkkeineen, koulutusohjelmasi, kurssikoodi ja -nimi "T-106.1223 Tietorakenteet ja algoritmit Y", päivämäärä, sali, palauttamiesi paperien lukumäärä sekä allekirjoituksesi.

1. Järjestäminen ja algoritmianalyysi (2p + 2p + 2p + 2p)

Seuraavassa on annettu *valintajärjestämisalgoritmi*, joka järjestää taulukossa A (jonka koko on N) olevat alkiot suuruusjärjestykseen.

```
0 selection_sort(A, N) {  
1   for (i=0; i<N-1; i++) {  
2       min = i;  
3       for (j=i+1; j<N; j++)  
4           if (A[j] < A[min])  
5               min = j;  
6       swap(min, i);  
7   }  
8 }
```



Handwritten notes and calculations:

- $(n-1) \frac{n}{2}$
- $4 \cdot 2,5 = 10$
- $n(n-1)$
- $for \text{ } \bigcirc N-1$
- $N-1$
- $(n-1)!$
- $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5$
- $4 + 3 + 2 + 1$
- $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 = 120$

Laske kohdissa a) ja b) täsmälliset lausekkeet ja anna vastaukset suljetussa muodossa.

- Kuinka monta kertaa vertailu suoritetaan rivillä 4?
- Rivillä 6 algoritmi kutsuu vakioaikaista funktiota `swap(min, i)`, joka vaihtaa taulukon A paikoissa min ja i olevat alkiot keskenään. Kuinka monta vaihtoa algoritmi suorittaa?
- Selitä algoritmin toiminta käyttäen apuna sopivaa esimerkkiä.
- Analysoi algoritmin parhaan ja pahimman tapauksen aikavaatimukset iso O-notaatiossa.

2. Binäärikeko (1p + 1p + 2p + 2p + 2p)

Seuraava taulukko T esittää binäärikekoa (lukuarvot esittävät alkioiden prioriteettejä):

T = [2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]

Handwritten binary representations of the numbers in T:

2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001

- Mikä on T:n kekoehto (heap-order property)?
- Piirrä T binääripuuna (binary tree representation).
- Esitä miten pienimmän alkion poisto (DeleteMin) T:stä tapahtuu.
- Toista pienimmän alkion poisto.
- Lisää (Insert) saatuun kekoon alkio, jonka prioriteetti on 6.

Huom! Anna välivaiheissa vastauksesi (myös) taulukkoesitys muodossa aina kun proseduuri (percolate up/down) muuttaa taulukkoa.

KÄÄNNÄ

3. Hakurakenteet (2p + 1p + 2p + 2p + 1p)

Vertaile tasapainotettuja hakupuita (balanced search trees) ja hajautusrakenteita (hashing) keskenään. Jäsennä vastauksesi seuraavasti:

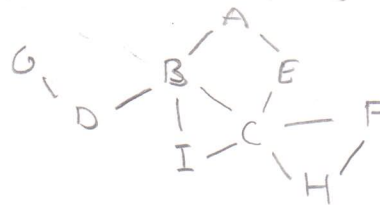
- Määrittele abstrakti tietotyyppi (abstract data type) *hakurakenne* (dictionary).
- Nimeä ainakin yksi *tasapainotettu hakupuu* ja yksi *hajautusrakenne*.
- Mitä *operaatioita* tasapainotetut hakupuut tukevat paremmin kuin hajautusrakenteet? Perustele vastauksesi.
- Mitä *operaatioita* hajautusrakenteet tukevat paremmin kuin tasapainotetut hakupuut? Perustele vastauksesi.
- Miten jokin tasapainotettu hakupuu ja jokin hajautusrakenne voitaisiin *yhdistää* siten, että saataisiin aikaan vielä tehokkaampi hakurakenne?

4. Verkot (3p + 3p + 2p)

- Kirjoita (pseudokoodina) iteratiivinen algoritmi, joka käy yhtenäisen suuntaamattoman verkon (connected undirected graph) kaikki solmut läpi leveyssuuntaisesti (breadth-first).
- Selitä algoritmisi *toiminta* myös sanallisesti. Mitä lähtötietoja ja apurakenteita algoritmi tarvitsee? Mikä on algoritmin suorittaman laskennan *tulos*?
- Missä *järjestyksessä* algoritmi vierailee alla olevan verkon solmuissa, jos lähtösolmu on A?



A: B E
B: A C D I
C: B E F I H
D: B G
E: C A
F: C H
G: D
H: F C
I: C B



5. Kurssipalaute (1p)

Kurssin kotisivulla on kyselylomake, jolla voit antaa palautetta kurssista. Jos vastaat kyselyyn toukokuun loppuun mennessä, saat tästä tentistä yhden lisäpisteen.